

BARYCENTRE

Objectif : Introduction de la notion de barycentre
Influence des coefficients sur la fonction vectorielle de Leibniz

Données : A et B sont deux points fixes donnés, a et b sont deux réels quelconques.

Problème : A tout point M du plan on associe le point M' défini par $\vec{MM}' = a\vec{MA} + b\vec{MB}$
Le but est d'observer les éléments invariants de la figure et de déterminer les différentes configurations possibles.

Partie 1 : Construction de la figure dans le cas $a = 2$ et $b = 3$.

1. Créer 3 points libres dans le plan : A, B et M.
2. Créer deux variables entières libres : a et b .
3. Affecter la valeur 2 à a et la valeur 3 à b .
4. Faire afficher la valeur de a et b .
5. Créer A' tel que $\vec{MA}' = a\vec{MA}$ et B' tel que $\vec{MB}' = b\vec{MB}$.
6. Créer le point M' tel que $\vec{MM}' = \vec{MA}' + \vec{MB}'$.

Partie 2 : Observation de la figure lorsque M varie.

1. Déplacer M avec la souris et observer.
Tracer les droites (MM') et (AB) pour mieux observer.
On semble entrevoir un point fixe G, intersection des droites (MM') et (AB).
2. Position de G sur (MM')
 - 2.1 Nous allons utiliser une droite munie d'un repère et observer l'abscisse d'un point.
Créer l'abscisse du Point M'
Créer l'affichage de l'abscisse
Quelle est la position de M' ?
Quelle relation vectorielle trouve-t-on entre \vec{MM}' et \vec{MG} ?
 - 2.2 Que se passe-t-il si l'on change la valeur de a ?
Première conjecture $\vec{MM}' = (a+b)\vec{MG}$ ou $(a+b)\vec{MG} = a\vec{MA} + b\vec{MB}$.
 - 2.2 Que se passe-t-il si l'on change la valeur de a ?
Première conjecture $\vec{MM}' = (a+b)\vec{MG}$ ou $(a+b)\vec{MG} = a\vec{MA} + b\vec{MB}$.
3. Position de G sur (AB)
 - 3.1 Nous allons utiliser une droite munie d'un repère et observer l'abscisse d'un point.
Définir La droite (AB) munie du repère \vec{AB}
Créer l'abscisse du Point G
Créer l'affichage de l'abscisse
Quelle relation vectorielle trouve-t-on entre \vec{AG} et \vec{AB} ?
On ne voit rien, il faut changer l'unité du repère et diviser le vecteur \vec{AB} par $(a+b)$
 - 3.2 En pilotant a au clavier, observer ce qui se passe sur la droite (AB)
 $\vec{AG} = b.\vec{A}$ $\vec{GB} = a.\vec{A}$
Deuxième conjecture : $a.\vec{GA} + b.\vec{GB} = \vec{0}$.

Partie 3 : Etude du cas $a = 2$ et $b = -2$

BARYCENTRE

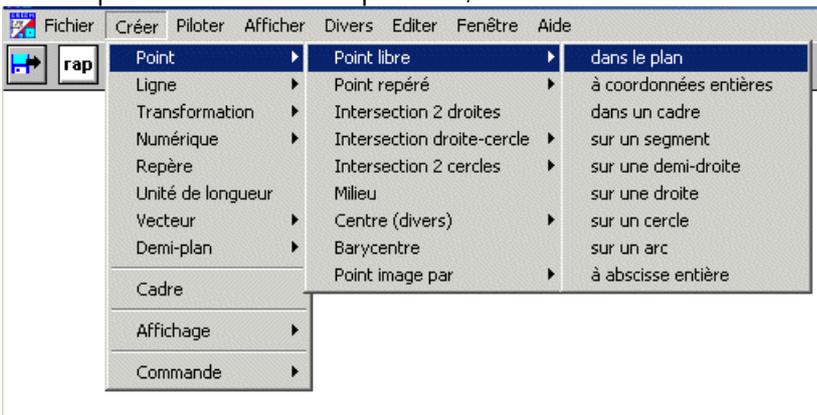
Objectif : Introduction de la notion de barycentre
Influence des coefficients sur la fonction vectorielle de leibniz

Données : A et B sont deux points fixes donnés, a et b sont deux réels quelconques.

Problème : A tout point M du plan on associe le point M' défini par $\vec{MM'} = a\vec{MA} + b\vec{MB}$
Le but est d'observer les éléments invariants de la figure et de déterminer les différentes configurations possibles.

Partie 1 : Construction de la figure dans le cas $a = 2$ et $b = 3$.

1. Créer 3 points libres dans le plan : A, B et M.



Par la suite, j'écrirai :

- ▶ Créer / Point / Point libre / dans le plan : **A B M**.
- 2. Créer deux variables entières libres : a et b .
 - ▶ Créer / Numérique / Variable entière libre : **a**
 - ▶ Cliquer sur **bis** (ou **Ctrl** + **B**) pour gagner du temps : **b**.
- 3. Affecter la valeur 2 à a et la valeur 3 à b .
 - ▶ Piloter / Affecter une variable numérique libre :
Nom de la variable : **a** Valeur attribuée : **2**.
- 4. Faire afficher la valeur de a et b .
 - ▶ Créer / Affichage / Variable numérique déjà définie :
Nom de la variable à afficher : **a** Nombre de décimales : **6** Nom de l'affichage : **Af0**
Ctrl + **B** Nom de la variable à afficher : **b** Nombre de décimales : **6** Nom de l'affichage : **Af1**
- 5. Créer A' tel que $\vec{MA'} = a\vec{MA}$ et B' tel que $\vec{MB'} = b\vec{MB}$.
 - ▶ Point / Point image par / homothétie (centre- rapport) :
Nom du centre : **M** ; Rapport : **2** ; Points (de départ) : **A** ; Images de ces points : **A'** .
Recommencer pour créer B'.
- 6. Créer le point M' tel que $\vec{MM'} = \vec{MA'} + \vec{MB'}$.
 - ▶ Créer / Vecteur / expression vectorielle :
Expression vectorielle : **vec(M,A') + vec(M,B')** ; Nom du vecteur : **vec(m)**.
 - ▶ Créer / Point / Point image par / translation (vecteur) :
Translation de vecteur : **m** ; Points (de départ) : **M** ; Images de ces points : **M'** .

Partie 2: Observation de la figure lorsque M varie.

1. Déplacer M avec la souris et observer.

Tracer les droites (MM') et (AB) pour mieux observer.

► Créer / Ligne / Droite(s) / définies par 2 points :

Nom des droites : **MM' AB** (*Ecrire sans parenthèses, seulement séparer par un espace*)

On semble entrevoir un point fixe G, intersection des droites (MM') et (AB) .

2. Position relative des points M, M' et G

2.1 Nous allons utiliser une droite munie d'un repère et observer l'abscisse d'un point.

Créer l'abscisse du Point M'

► Créer / Numérique / Calcul Géométrique / Abscisse d'un point sur une droite :

Nom du point : **M'** Nom de la droite repérée ou 2 points : **MG** Nom de l'abscisse : **m**

Créer l'affichage de l'abscisse

► Créer / Affichage / Variable numérique déjà définie :

Nom de la variable à afficher : **m** Nombre de décimales : **6** Nom de l'affichage : **Af2**

Quelle est la position de M' ?

Quelle relation vectorielle trouve-t-on entre $\vec{MM'}$ et \vec{MG} ?

2.2 Que se passe-t-il si l'on change la valeur de a ?

Première conjecture $\vec{MM'} = (a+b)\vec{MG}$ ou $(a+b)\vec{MG} = a\vec{MA} + b\vec{MB}$.

3. Position de G sur (AB)

3.1 Nous allons utiliser une droite munie d'un repère et observer l'abscisse d'un point.

Définir La droite (AB) munie du repère \vec{AB}

► Créer / Ligne / Droite(s) / munie d'un repère :

Droite passant par : **A** Vecteur : **vec(A,B)** Pas de graduation : **1** Nom de la droite : **d**

Créer l'abscisse du Point G

► Créer / Numérique / Calcul Géométrique / Abscisse d'un point sur une droite :

Nom du point : **G** Nom de la droite repérée ou 2 points : **d** Nom de l'abscisse : **g**

Créer l'affichage de l'abscisse

► Créer / Affichage / Variable numérique déjà définie :

Nom de la variable à afficher : **g** Nombre de décimales : **6** Nom de l'affichage : **Af3**

Quelle relation vectorielle trouve-t-on entre \vec{AG} et \vec{AB} ?

On ne voit rien, il faut changer l'unité du repère et diviser le vecteur \vec{AB} par (a+b)

 **d** et remplacer **vec(A,B)** par **(1/(a+b))vec(A,B)**

3.2 En pilotant a au clavier, observer ce qui se passe sur la droite (AB)

$\vec{AG} = b\vec{AB}$ $\vec{GB} = a\vec{AB}$ Deuxième conjecture : $a\vec{GA} + b\vec{GB} = \vec{AB}$.

Partie 3: Etude du cas $a = 2$ et $b = - 2$.

Figure Géoplan

Numéro de version: 2

Position de Roxy: Xmin: - 4, Xmax: 4, Ymax: 4

Objet dessinable Roxy, particularités: rouge, non dessiné

A point libre

Objet libre A, paramètres: - 2, 0

Objet dessinable A, particularités: marque épaisse

B point libre

Objet libre B, paramètres: 0, 0

Objet dessinable B, particularités: marque épaisse

M point libre

Objet libre M, paramètres: - 1.34534534535, - 0.63663663664

Objet dessinable M, particularités: nom au- dessous, marque épaisse

a réel libre de [- 5,5]

Objet libre a, paramètre: 2

b réel libre de [- 5,5]

Objet libre b, paramètre: 3

A' image de M par la translation de vecteur $a \cdot \text{vec}(M,A)$

Objet dessinable A', particularités: non dessiné

B' image de M par la translation de vecteur $b \cdot \text{vec}(M,B)$

Objet dessinable B', particularités: non dessiné

Segment [AA']

Objet dessinable [AA'], particularités: tireté, non dessiné

Segment [BB']

Objet dessinable [BB'], particularités: tireté, non dessiné

M' image de M par la translation de vecteur $a \cdot \text{vec}(M,A) + b \cdot \text{vec}(M,B)$

Objet dessinable M', particularités: bleu, nom à droite, marque épaisse, non dessiné

Segment [MA]

Segment [MB]

Segment [MM']

Objet dessinable [MM'], particularités: bleu, trait épais, non dessiné

G barycentre de (A,a) (B,b)

Objet dessinable G, particularités: marque épaisse, non dessiné

Segment [A'M']

Objet dessinable [A'M'], particularités: tireté, non dessiné

Segment [B'M']

Objet dessinable [B'M'], particularités: tireté, non dessiné

Droite (AB)

Objet dessinable (AB), particularités: non dessiné

Droite (MM')

Objet dessinable (MM'), particularités: non dessiné

m abscisse de M' dans le repère (MG)

d droite munie du repère $(A, (1/(a+b)) \cdot \text{vec}(A,B))$ graduation 1

Objet dessinable d, particularités: non dessiné

g abscisse de G dans le repère d

Hauteur de la zone des affichages: 19

Af0 affichage du scalaire a (1 décimales)

Objet dessinable Af0, particularités: non dessiné

Position de l'affichage Af0: (2,1)

Af1 affichage du scalaire b (1 décimales)
Objet dessinable Af1, particularités: non dessiné
Position de l'affichage Af1: (342,2)
Af2 affichage du scalaire m (6 décimales)
Objet dessinable Af2, particularités: non dessiné
Position de l'affichage Af2: (499,1)
Af3 affichage du scalaire g (6 décimales)
Objet dessinable Af3, particularités: non dessiné
Position de l'affichage Af3: (615,1)

Cm0 (touche A) sélection de a pour pilotage au clavier
Cm1 (touche B) sélection de b pour pilotage au clavier
Cm2 (touche 1) dessin par étapes de [AA'], A', [BB'], B', [B'M'], [A'M'], [MM'], M'
Cm3 (touche 2) dessin en bloc de [AA'], A', [BB'], B', [A'M'], [B'M']
Cm4 (touche 3) dessin en bloc de G
Cm5 (touche 4) dessin en bloc de Af0, Af1
Cm6 (touche M) dessin en bloc de Af2, (MM')
Cm7 (touche G) dessin en bloc de Af3, d
Cm8 (touche D) dessin en bloc de (AB)

Objet libre actif au clavier: b

Commentaire

Fin de la figure